

Mecánica Cuántica - Curso 2018

Práctica N° 3: Sistemas Cuánticos Simples - I

- Encuentre las soluciones de la ecuación de Schrödinger para un potencial de la forma
 - $V(x) = -a\delta(x)$
 - $V(x) = +a\delta(x)$con $a > 0$. Muestre que en la parte a) existe un único estado ligado. Para una partícula incidente de masa μ y energía E , calcule el coeficiente de transmisión (T) y el de reflexión (R) ¿Qué pasa con R y T en el caso en que la energía es mayor que cero en el caso b)?
- Encuentre las autofunciones y el espectro de energías para un pozo infinito de potencial:

$$V(x) = \begin{cases} 0, & \text{para } |x| < a \\ \infty, & \text{para } |x| > a \end{cases}$$

Considere una pelota de 1 gramo confinada a moverse en una región de ancho 1 centímetro. Determine en número cuántico si tiene una energía de 1 miliJoule. Además, calcule la energía necesaria para promover a la pelota al siguiente estado de energía. Discuta.

Calcule la probabilidad de encontrar a la partícula en el intervalo $-a/L < x < a/L$ y discuta el límite para grandes números cuánticos.

- Muestre que, si la energía potencial $V(\vec{r})$ puede escribirse como suma de funciones de una sola coordenada cartesiana, $V(\vec{r}) = V_1(x_1) + V_2(x_2) + V_3(x_3)$, la ecuación de Schrödinger independiente del tiempo puede descomponerse en un sistema de ecuaciones unidimensionales:

$$\frac{d^2\psi_i(x_i)}{dx_i^2} + \frac{2\mu}{\hbar^2}[E_i - V_{x_i}]\psi_i(x_i) = 0, \quad i = 1, 2, 3$$

con $\psi(\vec{r}) = \psi_1(x_1)\psi_2(x_2)\psi_3(x_3)$, y $E = E_1 + E_2 + E_3$

- Una partícula se mueve libremente dentro de una caja cuyos lados tienen longitudes a , b y c , con paredes impenetrables. Encuentre las autofunciones y los valores posibles de la energía. Comente sobre la eventual degeneración de las autofunciones.
- Encuentre las energías de los estados ligados de una partícula en el pozo de potencial dado por

$$V(x) = \begin{cases} \infty, & \text{para } x < 0 \\ -V_0, & \text{para } 0 < x < a \\ 0, & \text{para } x > a \end{cases}$$

- Considere un rotador rígido confinado a rotar libremente en el plano xy . El Hamiltoniano asociado con este sistema puede escribirse como, $H = -(\hbar^2/2I_z)d^2/d\phi^2$, donde I_z es el momento de inercia y ϕ el ángulo entre el eje x y el rotador. Obtenga los autovalores y autoenergías del sistema. ¿Cómo es el espectro de energías obtenido?